Exercices sur limites de fonctions

Exercice 1:

Calculer les limites des fonctions suivantes.

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} x^2 + 7x - 9$$

$$\begin{array}{ccc}
 & \lim_{x \to +\infty} -x^2 + \frac{3}{x} \\
 & \lim_{x \to -\infty} -x^2 + \frac{3}{x}
\end{array}$$

•
$$\lim_{x\to 0} 2\sqrt{x} - \frac{3}{x}$$

$$\bullet \lim_{x \to -\infty} -x^2 + 5x + 3$$

Exercice 2:

Calculer les limites des fonctions suivantes.

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} x^2 e^x - 3$$

•
$$\lim_{x \to -\infty} 3e^x + \frac{4}{x}$$

•
$$\lim_{x\to 0} x^2 + 7\ln(x)$$

•
$$\lim_{x \to 0} x^2 + 7ln(x)$$
•
$$\lim_{x \to +\infty} 7\sqrt{x} + 5ln(x)$$

Exercice 3:

Calculer les limites des fonctions suivantes en utilisant les fonctions composées.

•
$$\lim_{x \to +\infty} e^{3-x}$$

$$\begin{array}{ccc}
\bullet & \lim_{x \to 5} \frac{4}{x-5} \\
x > 5
\end{array}$$

•
$$\lim_{x \to -\infty} \sqrt{x^2 - 3x + 7}$$
•
$$\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^2 + 3}$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x^2 + 3}$$

Exercice 4:

Reconnaître la forme indéterminée, puis calculer les limites suivantes.

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} x^2 - 9x + 3$$

•
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{5x^2 + 3x - 7}{x^2 - 7x + 2}$$

•
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{4x+3}{x^2+8x-1}$$

•
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{4x+3}{x^2+8x-1}$$

• $\lim_{x \to -\infty} \frac{1}{x} (x^3 - 5x + 6)$

Exercice 5:

Reconnaître la forme indéterminée, puis calculer les limites suivantes.

•
$$\lim_{\substack{x \to +\infty \\ x \to +\infty}} \sqrt{x^2 + 2x + 3} - x$$

• $\lim_{\substack{x \to 3 \\ x > 3}} \frac{x^2 - 8x + 15}{x^2 - 5x + 6}$

•
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^2 - 8x + 15}{x^2 - 5x + 6}$$

•
$$\lim_{\substack{x \to 4 \\ x < 4}} \frac{x^2 + x - 20}{x^2 - 8x + 16}$$

• $\lim_{\substack{x \to 5 \\ x > 5}} \frac{\sqrt{x + 20} - 5}{x - 5}$

$$\lim_{\substack{x \to 5 \\ x > 5}} \frac{\sqrt{x+20-1}}{x-5}$$

Exercice 6:

Calculer les limites suivantes puis donner l'équation des asymptotes (si elles existent).

$$\lim_{\substack{x \to 3 \\ x < 3}} \frac{-2}{x^2 - 9}$$

•
$$\lim_{x \to +\infty} 5x - 8 + \frac{1}{x-1}$$

•
$$\lim_{x \to -\infty} \frac{3x^2 + 7x - 8}{5 - x^2}$$

• $\lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 + 9x + 17}{x + 2}$

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 + 9x + 17}{x + 2}$$

Reconnaître la forme indéterminée, puis calculer les limites suivantes.

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} \frac{5x^2 + 7}{1 - e^x}$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} x^2 - 3\ln(x)$$



Exercice 8:

Déterminer les limites des fonctions suivantes aux voisinages de $+\infty$ et $-\infty$.

•
$$f(x) = 3x^2 - 5x + 3$$
 et $g(x) = -5x^3 + 3x^2 + x$

•
$$f(x) = \frac{-3}{2x+1}$$
 et $g(x) = \frac{4x+5}{3x^2-2x+4}$

•
$$f(x) = 3x^2 - 5x + 3$$
 et $g(x) = -5x^3 + 3x^2 + x$
• $f(x) = \frac{-3}{2x+1}$ et $g(x) = \frac{4x+5}{3x^2 - 2x+4}$
• $f(x) = \frac{2x^2 - 1}{3x^2 + 5x + 4}$ et $g(x) = \frac{-x^3 + 2x^2 + 3x - 1}{x^2 + 3x - 1}$

Exercice 9:

Déterminer les limites des fonctions suivantes au voisinage de x_0 :

•
$$f(x) = \frac{-3x+2}{x-1}$$
 avec $x_0 = 1$

•
$$f(x) = \frac{-3x+2}{x-1}$$
 avec $x_0 = 1$
• $f(x) = \frac{2x+1}{x^2-5x+6}$ avec $x_0 = 2$ puis en $x_1 = 3$

Exercice 10:

Soit la fonction : $f(x) = \frac{x^2 + 3x - 4}{2x^2 - 4x - 6}$

- 1) Déterminer le domaine de définition D.
- 2) Calculer les limites de la fonction aux bornes de D.
- 3) En déduire si la courbe représentative C de la fonction admet des asymptotes horizontales ou verticales.

Exercice 11:

Déterminer la limite en a de la fonction f(a réel donné):

•
$$f(x) = \frac{\sqrt{x-4}-1}{x-5}$$
 avec $a = 5$

•
$$f(x) = \frac{\cos(\pi x)}{2x-1}$$
 avec $a = \frac{1}{2}$

•
$$f(x) = \frac{\sqrt{x-4}-1}{x-5}$$
 avec $a = 5$
• $f(x) = \frac{\cos(\pi x)}{2x-1}$ avec $a = \frac{1}{2}$
• $f(x) = \frac{\sqrt{5x^2+5}-5}{-2-x}$ avec $a = -2$
• $f(x) = \frac{\tan(\pi x)-1}{4x-1}$ avec $a = \frac{1}{4}$

•
$$f(x) = \frac{\tan(\pi x) - 1}{4x - 1}$$
 avec $a = \frac{1}{4}$

Exercice 12:

Donner les équations des asymptotes à chacune des représentations graphiques des fonctions

•
$$f(x) = \frac{-3x+2}{5x+1}$$

•
$$f(x) = \frac{x-7}{5x^2+12}$$

$$f(x) = 2x - 5 + \frac{4}{3x + 5}$$

•
$$f(x) = \frac{-3x+2}{5x+1}$$

• $f(x) = \frac{x-7}{5x^2+12}$
• $f(x) = 2x - 5 + \frac{4}{3x+5}$
• $f(x) = -2x + 1 + 3e^{-2x+1}$
• $f(x) = 2x + 7 - 3e^x$

•
$$f(x) = 2x + 7 - 3e^x$$