



# EVALUATION SUR LES PROBABILITÉS

NOM : ..... PRENOM : ..... SUJET B

**Exercice 1 :** *Tableau à doubles entrées et arbre* / 5 pts

On choisit au hasard un élève dans un lycée. On définit les évènements :

- $A$  l'évènement : « l'élève étudie l'anglais ».
- $E$  l'évènement : « l'élève est externe ».

	$E$	$\bar{E}$	
$A$	0,12		0,4
$\bar{A}$			
	0,2		1

- 1) Compléter le tableau ci-dessus.
- 2) Déterminer par le calcul  $P_A(E)$ .
- 3) Construire un arbre de probabilité commençant par l'évènement  $A$ .
- 4) Calculer  $P_{\bar{E}}(\bar{A})$ .

**Exercice 2 :** / 8 pts

Dans un aéroport, les portiques de sécurité servent à détecter les objets métalliques emportés par les voyageurs. On choisit au hasard un voyageur franchissant un portique et on considère les évènements suivants.

- $S$  l'évènement : « le voyageur fait sonner le portique ».
- $M$  l'évènement : « le voyageur porte un objet métallique. ».

On sait de plus que :

- 1 voyageur sur 500 porte un objet métallique.
- Lorsqu'un voyageur franchit le portique avec un objet métallique, la probabilité que le portique sonne est de 0,98.
- Lorsqu'un voyageur franchit le portique sans un objet métallique, la probabilité que le portique ne sonne pas est de 0,98.

- 1) Construire un arbre pondéré traduisant cette situation.
- 2) D'après les données de l'énoncé, donner  $P(M)$  et  $P_M(S)$ .
- 3) Calculer  $P(M \cap S)$  et traduire cet évènement par une phrase.
- 4) Démontrer que la probabilité que le voyageur fasse sonner le portique vaut 0,02192
- 5) Déterminer la probabilité que le voyageur porte un objet métallique sachant qu'il a fait sonner le portique.
- 6) Deux voyageurs qui ne se connaissent pas approchent du portique pour prendre leur vol. On suppose que pour chaque voyageur, la probabilité que le portique sonne vaut 0,02192.  
Calculer la probabilité qu'une seule des deux personnes fasse sonner le portique.  
(On pourra s'aider d'un arbre).



### Exercice 3

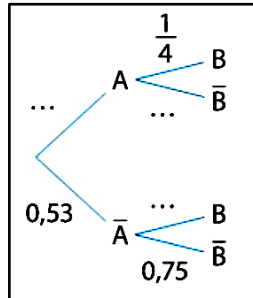
/ 4 pts

- 1) Soient  $A$  et  $B$  deux évènements tels que  $P(A) = 0,3$ ,  $P(B) = 0,2$  et  $P(A \cup B) = 0,44$   
Les évènements  $A$  et  $B$  sont-ils indépendants,
- 2) Soient deux évènements  $C$  et  $D$ , indépendants tels que  $P(C) = 0,3$  et  $P(D) = 0,7$ .  
Calculer alors  $P(C \cup D)$

### Exercice 4

/ 3 pts

Une expérience aléatoire est représentée par l'arbre pondéré ci-dessous.



Les évènements  $A$  et  $B$  sont-ils indépendants ?

### Consignes :

- Durée : 1 heure.
- Évaluation à faire obligatoirement sur une copie double (au moins).
- Calculatrice autorisée.
- Aucun prêt de matériel n'est autorisé.
- Attention à la rédaction et au soin des copies.

**Bon courage à toutes et à tous.**

**METTRE L'ENONCE DANS VOTRE COPIE DOUBLE A LA FIN DE L'EVALUATION**