



Correction Évaluation de Mathématiques

Exercice 1 :

/ 3 pts

Résoudre les deux inéquations suivantes par le calcul.

• $-4x + 20 > 0$

• $\frac{5x+15}{10-5x} \leq 0$

Correction :

- $-4x + 20 > 0$ devient $-4x > -20$ soit alors $x < 5$ et on a : $S =]-\infty; 5[$
- $\frac{5x+15}{10-5x} \leq 0$; On construit un tableau de signe.

x	$-\infty$	-3	2	$+\infty$
$5x + 15$	-	⊖	+	+
$10 - 5x$	+	+	+	-
$\frac{5x + 15}{10 - 5x}$	-	⊖	+	-

On obtient pour solution : $S =]-\infty; -3] \cup]2; +\infty[$

Exercice 2 :

/ 2 pts

Dériver les deux fonctions suivantes.

• $f(x) = 5\sqrt{x} + 4x$

• $g(x) = \frac{5}{x^2} - 6x^2$

Correction :

• $f(x) = \frac{5}{2\sqrt{x}} + 4$

• $g(x) = \frac{-10}{x^3} - 12x$

Exercice 3 :

/ 5 pts

Soit la fonction $f(x) = 5x^3 - 7x^2 - x - 4$ définie sur $[-5; 5]$.

- 1) Après avoir dérivé la fonction, construire son tableau de variation
- 2) Donner l'équation de la tangente au point d'abscisse. $x_0 = -1$

Correction :

On dérive la fonction f . On obtient : $f'(x) = 15x^2 - 14x - 1$

On évalue le discriminant. $\Delta = 256$ donc $x_1 = 1$ et $x_2 = \frac{-1}{15}$

On construit le tableau de variation.

x	-5	$\frac{-1}{15}$	1	$+5$
$f'(x)$	+	⊖	⊖	+
f	-799	$\frac{-2677}{675}$	-7	441

On évalue les valeurs exactes : $f(1) = -7$ et $f\left(\frac{-1}{15}\right) = \frac{-2677}{675}$

On écrit la formule pour l'équation de la tangente avec $f(-1) = -15$ et $f'(-1) = 28$

On remplace ensuite dans l'équation de la tangente $T_1: y = f'(-1)(x + 1) + f(-1)$

Soit ici $T_{-1}: y = 28x + 13$

Exercice 4 :

/ 3 pts

- 1) Dériver la fonction $f(x) = (5x^2 + 3)(2 - 7x)$ définie sur \mathbb{R}
- 2) Dériver la fonction $f(x) = (7x + 9)^5$ définie sur \mathbb{R} .

Correction :

➤ f définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = (5x^2 + 3)(2 - 7x)$
On pourrait développer l'expression et calculer la dérivée termes à termes.
 f est dérivable sur \mathbb{R} en tant que produit de fonctions dérivables sur \mathbb{R} . On a alors :

$$u(x) = 5x^2 + 3 \quad v(x) = 2 - 7x$$

$$u'(x) = 10x \quad v'(x) = -7$$

On a alors $f'(x) = 10x(2 - 7x) - 7(5x^2 + 3)$

Soit donc $f'(x) = -105x^2 + 20x - 21$

➤ $f(x) = (7x + 9)^5$ avec f définie sur \mathbb{R}
On a avec la formule : $f'(x) = 35(7x + 9)^4$

Exercice 5 :

/ 3 pts

Dériver la fonction $f(x) = \frac{4-3x}{7x+14}$ définie sur $\mathbb{R} - \{-2\}$.

Construire son tableau de variation sur $\mathbb{R} - \{-2\}$.

Correction :

f définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = \frac{4-3x}{7x+14}$

On pourrait développer l'expression et calculer la dérivée termes à termes.
 f est dérivable sur \mathbb{R} en tant que produit de fonctions dérivables sur \mathbb{R} . On a alors :

$$u(x) = 4 - 3x \quad v(x) = 7x + 14$$

$$u'(x) = -3 \quad v'(x) = 7$$

On a alors $f'(x) = \frac{-3(7x+14) - 7(4-3x)}{(7x+14)^2}$

Soit donc $f'(x) = \frac{-70}{(7x+14)^2}$

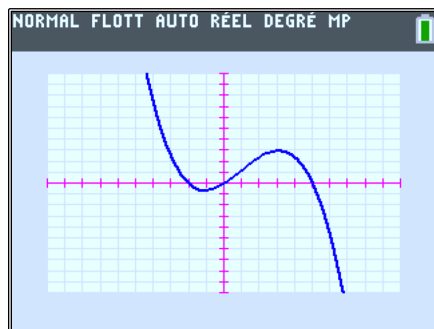
On construit alors le tableau de variation.

x	$-\infty$	-2	$+\infty$
$f'(x)$	-		-
f	↘		↘

Exercice 6 :

/ 4 pts

On donne ci-dessous la courbe représentative **d'une fonction f'** , dérivée d'une fonction f .



- 1) Construire le tableau de variation de f .
- 2) Combien la courbe représentative de f admet-elle de tangente horizontale ?



Correction :

On détermine d'abord le signe de f' et on construit le tableau de variation.

x	$-\infty$		-2	0		5		$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-	0	+	0	-
f		↗		↘		↗		↘

La courbe représentative de f admet **trois tangentes** horizontales car la dérivée s'annule 3 fois.