



## EVALUATION SUR LOIS A DENSITE

NOM : ..... PRENOM : ..... SUJET B

**Exercice 1 :** *densité de probabilité* / 3 pts

Soit  $f$ , définie sur  $[0;4]$  par  $f(x) = \left(\frac{x}{4}\right)^3$

- 1) Montrer que  $f$  est une densité de probabilité sur  $[0;4]$
- 2) Calculer alors  $P(0 \leq X \leq 2)$  où  $X$  est la variable aléatoire de densité  $f$  sur  $[0;4]$
- 3) Déterminer l'espérance mathématique de  $X$ .

**Exercice 2 :** *loi normale centrée réduite* / 3 pts

Soit  $X$  une variable aléatoire qui suit une loi normale centrée réduite.

- 1) Exprimer à l'aide d'une intégrale  $P(1 \leq X \leq 2)$
- 2) Donner à l'aide de votre calculatrice la valeur approchée à  $10^{-6}$  de cette probabilité.
- 3) En utilisant des critères de normalité, donnez en une valeur approchée à  $10^{-4}$

**Exercice 3 :** *loi exponentielle* / 2 pts

Soit  $X$  une variable aléatoire qui suit une loi exponentielle d'espérance  $\frac{1}{4}$

- 1) Donner l'expression de la densité de probabilité de cette variable aléatoire.
- 2) Calculer alors  $P_{X \geq 1}(X \geq 5)$  en valeur exacte.

**Exercice 4 :** *loi uniforme* / 2 pts

Sur les paquets de céréales MATIN-MIAM, la masse indiquée est de 375g. Statistiquement, on n'a jamais trouvé de paquet pesant moins de 365g et plus de 385g. A l'intérieur de cette fourchette, on estime que les masses sont uniformément réparties.

- 1) Déterminer la densité de probabilité de la variable aléatoire continue  $M$  modélisant la masse d'un paquet de céréales.
- 2) Que représente 375g pour cette variable  $M$  ?
- 3) Calculer la probabilité qu'un paquet de céréales ait une masse comprise entre 365g et 370g.

**Exercice 5 :** *Critère de normalité et paramètres* / 3 pts

- 1) On sait que  $X$  suit une loi normale  $N(150; \sigma^2)$ . Donner la valeur de  $\sigma$  sachant que  $P(126 \leq X \leq 174) \approx 0,997$
- 2) On sait que  $X$  suit une loi normale  $N(\mu; 25)$ . Déterminer la valeur de  $\mu$  sachant que  $P(2 \leq X \leq 22) \approx 0,954$



**Exercice 6 :**

/ 1 pt

On sait que  $X$  est une variable aléatoire qui suit une loi normale  $N(-7; 2)$   
Donner l'arrondi au millième du nombre réel  $t$  tel que  $P(X \geq t) \approx 0,756$

**Exercice 7 :**

/ 3 pts

Dans un magasin spécialisé dans la vente de téléphones portables, on fait une promotion sur un type d'appareil  $A$ . Dans une journée, 150 personnes se présentent indépendamment. La probabilité pour qu'une personne achète l'appareil  $A$  est de 0,4. On note  $X$  la variable aléatoire représentant le nombre d'articles  $A$  vendus en une journée.

- 1) Quelle est la loi suivie par la variable aléatoire  $X$ ? Calculer alors son espérance et son écart-type.
- 2) On admet que la loi de la variable aléatoire  $Y$ , avec  $Y = \frac{X - 60}{6}$  peut être approchée par la loi normale centrée réduite. Sur quel théorème est basée cette approximation ?
- 3) En utilisant cette approximation précédente, calculer  $P(69 \leq X \leq 72)$

**Exercice 8 :**

*Recherche d'un paramètre*

/ 3 pts

Sur une chaîne d'embouteillage dans une brasserie, la quantité  $x$  (en cl) de liquide fournie par la machine pour remplir chaque bouteille d'une contenance de 110 cl, peut être modélisée par une variable aléatoire suivant une loi normale  $N(\mu; 2^2)$

La législation impose qu'il y ait moins de 0,1% des bouteilles contenant moins d'un litre. A quelle valeur de  $\mu$  doit on régler la machine afin de respecter la loi ?

*Un dessin vaut parfois bien mieux que de longs discours...*

*MATH & ÇA !*

**RENDRE L'ENONCE AVEC VOTRE COPIE DOUBLE. MERCI**